

复旦大学微电子学院

2022~2023 学年第一学期期末考试试卷

A 卷 B 卷 C 卷

课程名称: _____ 课程代码: _____

开课院系: _____ 考试形式: 闭卷

姓名: _____ 学号: _____ 专业: _____

提示: 请同学们秉持诚实守信宗旨, 谨守考试纪律, 摒弃考试作弊。学生如有违反学校考试纪律的行为, 学校将按《复旦大学学生纪律处分条例》规定予以严肃处理。

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	总分
得分									

$$\chi_{0.025}^2(16) = 29, \chi_{0.975}^2(16) = 7; \chi_{0.025}^2(15) = 27, \chi_{0.975}^2(15) = 6$$

(装订线内不要答题)

第一题 填空 (每题 4 分, 共计 20 分)

(1) $Im\{ \ln(3 - 4i) \} = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

(2) 函数 $f(z) = a \ln(x^2 + y^2) + i \arctan\left(\frac{y}{x}\right)$ 在 $x > 0$ 时解析, a 的值是 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

(3) 一射手对同一目标独立地进行 4 次射击, 已知至少命中一次的概率为 $80/81$, 则此射手的命中率是 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

(4) 设总体 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, X_1, X_2, \dots, X_{2n} ($n \geq 2$) 为来自总体 X 的样本, 样本均值为 $\bar{X} = \frac{1}{2n} \sum_{i=1}^{2n} X_i$, 则统计量 $Y = \sum_{i=1}^n (X_i + X_{n+i} - 2\bar{X})^2$ 的数学期望为 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

(5) 设总体 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, 从中抽取容量为 16 的一个样本, 样本方差 $S^2 = 1$, 则总体方差 σ^2 的置信度为 0.95 的置信区间为_____。

第二题 选择 (每题 4 分, 共计 20 分)

(1). 若 z 为非零复数, 则 $|z^2 - \bar{z}^2|$ 与 $2z\bar{z}$ 的关系是 ()。

(A) $|z^2 - \bar{z}^2| \geq 2z\bar{z}$

(B) $|z^2 - \bar{z}^2| = 2z\bar{z}$

(C) $|z^2 - \bar{z}^2| \leq 2z\bar{z}$

(D) 不能比较大小

(2) 设 $z = 0$ 为函数 $\frac{1-e^{z^2}}{z^4 \sin z}$ 的 m 级极点, 那么 $m =$ ()。

(A) 5

(B) 4

(C) 3

(D) 2

(3) 设 $f(z) = \oint_{|\xi|=4} \frac{e^\xi}{\xi-z} d\xi$, 其中 $|z| \neq 4$, 则 $f'(\pi i) =$ ()。

(A) $-2\pi i$

(B) -1

(C) $2\pi i$

(D) 1

(4) 若随机事件 A 与 B 相互独立, 则 $P(A + B) =$ ()。

A. $P(A) + P(B)$

B. $P(A) + P(B) - P(A)P(B)$

C. $P(A)P(B)$

D. $P(\bar{A}) + P(\bar{B})$

(5) 已知随机变量 X 的概率密度为 $f_X(x)$, 令 $Y = -2X$, 则 Y 的概率密度

$f_Y(y)$ 为 ()。

A. $2f_X(-2y)$

B. $f_X(-\frac{y}{2})$

C. $-\frac{1}{2}f_X(-\frac{y}{2})$

D. $\frac{1}{2}f_X(-\frac{y}{2})$

第三题 (10 分) 计算 $\oint_{|z|=3} \frac{e^z}{z(z^2-1)} dz$ 的值。

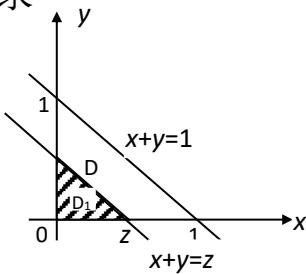
第四题 (10 分) 设 C 是平面上任意一条不经过 $z=0, z=1$ 的正向 (分段光滑) 简单闭曲线, 试就 C 的各种情况计算积分 $I = \oint_C \frac{\cos z}{z^3(z-1)} dz$ 的值。

第五题 (10 分) 已知一批产品中 90% 是合格品, 检查时, 一个合格品被误认为是次品的概率为 0.05, 一个次品被误认为是合格品的概率为 0.02, 求

- (1) 一个产品经检查后被认为是合格品的概率;
- (2) 一个经检查后被认为是合格品的产品确是合格品的概率。

第六题 (10分) 设二维随机变量 (X, Y) 在区域 $D = \{(x, y) | x \geq 0, y \geq 0, x + y \leq 1\}$ 上服从均匀分布. 求

- (1) (X, Y) 关于 X 的边缘概率密度;
- (2) $Z = X + Y$ 的分布函数与概率密度。



第七题 (10分) 设随机变量 X, Y 相互独立, 且都服从 $(0, 1)$ 上的均匀分布。以 X, Y 为边做一长方形, 以 A, C 分别表示长方形的面积和周长, 求 A 和 C 的相关系数。

第八题 (10分) 设总体 X 的概率密度为

$$f(x; \theta) = \begin{cases} \frac{1}{\theta} x^{(1-\theta)/\theta}, & 0 < x < 1, \\ 0, & \text{其他} \end{cases} \quad 0 < \theta < \infty,$$

X_1, X_2, \dots, X_n 为来自总体 X 的样本。

(1) 求 θ 和 $U = e^{-1/\theta}$ 的最大似然估计量 $\hat{\theta}$ 和 \hat{U} 。

(2) 请问(1)中所求最大似然估计量 $\hat{\theta}$ 是无偏的吗? 写出证明过程。